СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФИЛИАЛ ОРДЕНА ТРУДОВОГО КРАСНОГО ЗНАМЕНИ ФЕДЕРАЛЬНОГО ГОСУДАРСТВЕННОГО БЮДЖЕТНОГО ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО УЧРЕЖДЕНИЯ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «МОСКОВСКИЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ СВЯЗИ И ИНФОРМАТИКИ»



## КАФЕДРА «ИНФОРМАТИКА И ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ ТЕХНИКА»

Ю.В. Жабинский В.И. Юхнов

# ТЕОРИЯ ЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ЦЕПЕЙ

Лабораторная работа №9

## СИНТЕЗ И ИССЛЕДОВАНИЕ ПОЛИНОМИАЛЬНЫХ ФИЛЬТРОВ НИЖНИХ ЧАСТОТ

Ростов-на-Дону 2019 г.

Жабинский Ю.В., Юхнов В.И. Теория электрических цепей. Лабораторная работа № 9 - «Синтез и исследование полиномиальных фильтров нижних частот». Ростов-на-Дону: Северо-Кавказский филиал МТУСИ, 2019, - 42 с.

Приводятся задание и методические указания по выполнению лабораторной работы № 9 - «Синтез и исследование полиномиальных фильтров нижних частот» по дисциплине «Теория электрических цепей» для студентов очной и заочной формы обучения 2-х курсов направления подготовки 11.03.02 - «Инфокоммуникационные технологии и системы связи».

Рецензент: заведующий кафедрой «Информатика и вычислительная техника» СКФ МТУСИ Соколов С.В., д.т.н., профессор

Утверждено на заседании кафедры ИВТ (протокол № 1 - от 28.08.2018г.)

> © Жабинский Ю.В., Юхнов В.И.,2019 © СКФ МТУСИ,2019

### Издательство СКФ МТУСИ

Сдано в набор 16.04.19г. Изд. №299. Подписано в печать 17.04.19г. Зак. №313. Печ. листов 2,63. Учетно-изд. л. 2,1. Печать оперативная. Тир. 15 экз. Отпечатано в Полиграфическом центре СКФ МТУСИ, Серафимовича, 62.

# СОДЕРЖАНИЕ

Аннотация	4			
1 Назначение и классификация электрических фильтров	5			
2 Синтез полиномиальных фильтров по рабочим параметрам	8			
3 Экспериментальное определение частотных характеристик				
ослабления фильтров нижних частот (ФНЧ) Баттерворта и				
Чебышева	21			
4 Подготовка и порядок выполнения лабораторной работы	27			
5 Экспериментальное определение рабочего ослабления ФНЧ и				
анализ получаемых результатов	31			
6 Содержание отчета по лабораторной работе	38			
7 Контрольные вопросы для допуска к выполнению лабораторной				
работы	39			
8 Контрольные вопросы для допуска к защите лабораторной работы	41			
Список использованных источников	42			

#### АННОТАЦИЯ

В работе приведены задание и методические указания по выполнению лабораторной работы № 9 - «Синтез и исследование полиномиальных фильтров нижних частот» по дисциплине «Теория электрических цепей» (ТЭЦ).

Задание и методические указания предназначены для студентов 2-х курсов очной и заочной формы обучения направления подготовки 11.03.02 - «Инфокоммуникационные технологии и системы связи».

Основная цель лабораторной работы - знакомство с синтезом ФНЧ и приобретение полиномиальных практических навыков амплитудно-частотных характеристик исследования (AYX) таких углубление, систематизация также фильтров, а И закрепление теоретических знаний по дисциплине ТЭЦ.

В методических указаниях рассмотрены следующие вопросы:

- назначение и классификация электрических фильтров;

- задача синтеза электрических фильтров и ее основные этапы;

- синтез полиномиальных фильтров по заданным рабочим параметрам;

- экспериментальное определение АЧХ ФНЧ различных фильтров;

- сравнение АХЧ полиномиальных ФНЧ Баттерворта и Чебышева.

### 1 Назначение и классификация электрических фильтров

Электрическими фильтрами называются линейные четырехполюсники (ЧП) пассивной или активной структуры, обладающие избирательными свойствами. Они предназначены для выделения из состава спектра сложного электрического колебания, поданного на вход ЧП, заданных частотных составляющих:

- с небольшим ослаблением в заданной полосе частот (называемой полосой пропускания фильтра - ПП),

- подавления со значительным ослаблением частотных составляющих, находящихся в другой заданной полосе частот (называемой полосой задерживания – ПЗ).

Весь частотный диапазон фильтра от f = 0 до  $f = \infty$  делится на несколько полос:

- полосу пропускания (ПП), где ослабление фильтра не должно превышать некоторого заданного значения, обозначаемого как △А и называемого максимально допустимым ослаблением в этой полосе. Ослабление фильтра измеряется в дБ (децибелах) или в Нп (неперах) и в ПП оно обычно задается в пределах от 0.1 до 3.0 дБ;

- полосу задерживания (ПЗ), где ослабления фильтра должно быть больше некоторого заданного значения As, называемого минимально допустимым ослаблением фильтра в ПЗ;

- полосу перехода, где величина ослабления не регламентируется.

Фильтр может иметь не одну, а две полосы: пропускания, задерживания или перехода.

По взаимному расположению ПП и ПЗ различают 4 типа фильтров: фильтры нижних частот (ФНЧ), фильтры верхних частот (ФВЧ), полосовые (ПФ) и режекторные фильтры (РФ).

Графики амплитудно-частотных характеристик (АЧХ) передаточных функций перечисленных идеальных фильтров приведены на рисунке 1.



На рисунке 2 представлены требования к ослаблению в различных полосах частот идеальных электрических фильтров.



Рисунок 2 - Требования к ослаблению электрических фильтров в различных диапазонах частот

На всех рисунках приняты следующие обозначения:

-  $f_1$  - граничная частота полосы пропускания ФНЧ и ФВЧ,

- *f*<sub>S</sub> - граничная частота полосы задерживания ФНЧ и ФВЧ,

- *f*<sub>-1</sub>, *f*<sub>1</sub> - нижняя и верхняя граничные частоты полосы пропускания ПФ,

-  $f_{S1}$ ,  $f_{S2}$  – верхняя и нижняя граничные частоты двух полос задерживания ПФ,

- **f**<sub>1</sub>, **f**<sub>2</sub> - верхняя и нижняя граничные частоты двух полос пропускания РФ,

- **f**<sub>S1</sub>, **f**<sub>S2</sub> – нижняя и верхняя граничные частоты полосы задерживания РФ,

- ΔA – максимально допустимое ослабление любого фильтра в ПП (ΔA также называется неравномерностью ослабления фильтра в ПП),

- As - минимально допустимое ослабление любого фильтра в ПЗ.

Фильтры могут быть нагружены двусторонне (рисунок 3a) или односторонне (рисунки 3б, 3в).



Рисунок 3 - Виды нагрузок электрических фильтров

где E(p) – э.д.с. генератора в операторной форме,

p – комплексная частота ( $\rho = \sigma + j\omega$ ,  $\omega = 2\pi f$ ),

 $R_{\rm r}$  - внутреннее сопротивление генератора,

 $U_2(p)$  - напряжение на выходе фильтра в операторной форме,

 $R_{\rm H}$  - сопротивление нагрузки фильтра.

Основной частотной характеристикой двусторонне нагруженного фильтра является его передаточная функция по напряжению [1]:

H (p) = 
$$\frac{2U_2(p)}{E(p)} \sqrt{\frac{R_{\Gamma}}{R_{H}}}$$
 (1)

Ослабление фильтра в данном случае вычисляется по передаточной функции ЧП следующим образом:

$$A = -20lg[H(p)],$$
 (2)

где  $p = j\omega$ .

### 2 Синтез полиномиальных фильтров по рабочим параметрам

Существующие электрические фильтры имеют различные передаточные функции. Широкое распространение получили полиномиальные реактивные фильтры, которые состоят только из реактивных элементов и имеют передаточную функцию следующего вида [1]:

$$H(p) = \frac{b_0}{v(p)} = \frac{b_0}{p^n + a_1 p^{n-1} + a_2 p^{n-2} + \dots + a_n}$$
(3)

где  $b_0$  - постоянный множитель, равный ослаблению ФНЧ при частоте f = 0,

υ (p) - полином Гурвица степени n. Все корни этого полинома имеют отрицательные вещественные части,

*n* – порядок фильтра.

У полиномиального фильтра число его реактивных элементов равно порядку фильтра.

При синтезе полиномиальных фильтров широко используется нормирование элементов и частоты фильтра по сопротивлению и частоте:

 $R_0$ , - нормирующее сопротивление, (4)  $\omega_0(f_0)$  - нормирующая круговая или циклическая частота, (5)  $\hat{Z}(p) = Z(p)/R_0$  – операторное сопротивление, нормированное по сопротивлению  $R_0$ ,

$$S = \frac{p}{\omega_0}$$
 - нормированная комплексная частота, (6)  
 $\Omega = \frac{\omega}{\omega_0}$  - нормированная вещественная частота, (7)

 $\dot{z}(S)$  - операторное сопротивление, нормированное по сопротивлению  $R_0$  и по частоте  $\boldsymbol{\omega}_0(f_0)$ . (8)

Ослабление полиномиального фильтра определяется его амплитудно-частотной характеристикой, является четной функцией нормированной частоты Ω и записывается выражением [1]:

A (
$$\Omega$$
) = 10 lg  $\frac{1}{|H(j\Omega)|^2}$  = 10 lg( $A_0 \Omega^{2n} + A_1 \Omega^{2n-1} + \dots + A_n$ ), (9)

где  $|H(j\Omega)|$  - модуль АЧХ фильтра.

Если принять, что все коэффициенты А<sub>i</sub> равны друг другу:

$$\mathbf{A}_1 = \mathbf{A}_2 = \ldots = \mathbf{A}_{n-1},$$

а коэффициент  $A_n = 1$ , то выражение (9) записывается в виде:

A (
$$\Omega$$
) = 10 lg  $\frac{1}{|H(j\Omega)|^2}$  = 10 lg( $A_0 \Omega^{2n} + 1$ ). (10)

Для полиномиальных фильтров Баттерворта принято нормировать частоту по такому значению частоты  $\omega_0$  ( $f_0$ ), при которой модуль АЧХ фильтра уменьшается до значения  $1/\sqrt{2}$  относительно максимального значения H(0) = 1. При этом ослабление фильтра составляет 3 дБ, а коэффициент  $A_0$  становится равным 1. Тогда выражение ослабления фильтра в зависимости от частоты  $\Omega$  приобретает следующий вид:

A (
$$\Omega$$
) = 10 lg  $\frac{1}{|H(j\Omega)|^2}$  = 10lg(1 +  $\Omega^{2n}$ ). (11)

Полиномиальные фильтры с характеристиками вида (11) называются фильтрами с максимально плоскими характеристиками ослабления в ПП или фильтрами с характеристиками Баттерворта [1].

Модуль передаточной функции такого фильтра имеет вид:

$$|H(j\Omega)| = \frac{1}{\sqrt{1+\Omega^{2n}}}.$$
(12)

Графики модуля передаточной функции полиномиального фильтра нижних частот Баттерворта и его ослабления в зависимости от частоты Ω для различных порядков фильтра представлены на рисунках 4 и 5.



Рисунок 4 - Графики модуля передаточной функции полиномиального ФНЧ Баттерворта для различных порядков фильтра



Рисунок 5 - Графики ослабления полиномиального ФНЧ Баттерворта для различных порядков фильтров

Если по условиям задачи ослабление ФНЧ в ПП на его граничной частоте  $f_1$  не должно превышать некоторого заданного значения  $\Delta$  A, не равного 3 дБ, то нормирующая частота  $\omega_0$  определяется выражением:

$$\boldsymbol{\omega}_0 = \frac{\omega_1}{\frac{2n}{\sqrt{10^{0.1\Delta A} - 1}}},\tag{13}$$

а ослабление ФНЧ Баттерворта рассчитывается по формуле:

$$A = 10 \lg \left[ 1 + (10^{0.1\Delta A} - 1) \ \Omega^{2n} \right], \tag{14}$$

где нормированная частота Ω определяется выражением:

$$\Omega = \frac{\omega}{\omega_0} = \frac{f}{f_0} \,. \tag{15}$$

Передаточная функция ФНЧ Баттерворта в нормированных величинах записывается в виде:

H (s) = 
$$\frac{b_0}{s^n + a_1 s^{n-1} + a_2 s^{n-2} + \dots + a_n}$$
, (16)

где  $\upsilon(s) = s^n + a_1 s^{n-1} + a_2 s^{n-2} + \dots + a_n$  – полином Гурвица, а s = p /  $\omega_0$  - нормированная комплексная частота.

Нули полинома Гурвица (называемого также полиномом Баттерворта, который первым применил его для синтеза полиномиальных фильтров) рассчитываются по формулам:

при четных значениях *n* 

$$s_k = \cos\frac{(2k-1)\pi}{n^2} + \sin\frac{(2k-1)\pi}{n^2}$$
, (17)

при нечетных значениях *n* 

$$s_k = \cos\frac{k}{n}\pi + j\sin\frac{k}{n}\pi \,. \tag{18}$$

В этих формулах k = 1, 2, ..., 2n. Из этих 2n значений выбираются только те значения, у которых  $s_k$  имеют отрицательные вещественные части. Произведения сомножителей (s -  $s_k$ ), у которых все  $s_k$ , имеют отрицательные вещественные части, образуют полином Баттерворта  $\upsilon$  (s):

$$\upsilon(s) = \Pi(s - s_k). \tag{19}$$

На основе использования формул (17), (18) составлена таблица 1, где приведены все коэффициенты полиномов Баттерворта, имеющие порядок в пределах от 2 до 7.

N⁰	<i>a</i> <sub>1</sub>	$a_2$	<i>a</i> <sub>2</sub>	<i>a</i> <sub>2</sub>	$a_5$	<i>a</i> <sub>6</sub>
2	1.4142	-	-	-	-	-
3	2.0000	2.0000	-	-	-	-
4	2.6131	3.4142	2.6131	-	-	-
5	3.2361	5.2361	5.2361	3.2361	-	-
6	3.8637	7.4641	9.1461	7.4641	3.8637	-
7	4.4940	10.0978	14.5918	14.5918	10.0978	4.4940

Таблица 1 - Коэффициенты полиномов Гурвица (Баттерворта), имеющие порядок фильтра в пределах от 2 до 7

Полиномиальные фильтры Чебышева [1] синтезируются аналогично, но имеют равномерно-колебательную характеристику ослабления в ПП и монотонно возрастающую в ПЗ. Для этих фильтров квадрат модуля передаточной функции выражается формулой:

$$\left| H(j\Omega) \right|^{2} = \frac{1}{1 + (10^{0.1 \triangle A} - 1) T_{n}^{2}(\Omega)}, \qquad (20)$$

где  $T_n^2(\Omega)$  - полином Чебышева степени *n*.

Полином Чебышева может быть четным и нечетным. Зависимости модуля передаточной функции ФНЧ Чебышева от циклической частоты для четного и нечетного порядка фильтра приведены на рисунке 6.



Рисунок 6 - Графики зависимости модуля передаточной функции ФНЧ Чебышева при нечетном и четном порядке фильтра

Ослабление ФНЧ Чебышева определяется по формуле:

$$A = 10 \lg \left| 1 + \varepsilon^{2} T_{n}^{2}(\Omega) \right| =$$
  
= 10 lg [1 + (10<sup>0.1\Delta A</sup> - 1) T\_{n}^{2}(\Omega)]. (21)

Выражение  $T_n(\Omega) = ch (n Arch\Omega)$  представляет собой полином Чебышева степени *n*. В нем  $\varepsilon$  – это коэффициент неравномерности (ранее был обозначен как  $\Delta A$ ). Коэффициент неравномерности связан с коэффициентом  $\rho$  отражения напряжения на границе ПП фильтра следующим соотношением:

$$\varepsilon = \frac{\rho}{\sqrt{1-\rho^2}} \, .$$

(22)

Кривые ослабления фильтра нижних частот Чебышева для нечетного и четного порядка приведены на рисунке 7.





Оптимальные свойства чебышевской аппроксимации заключаются в том, что из всех передаточных функций ФНЧ функция Чебышева имеет наименьшую сложность при заданной неравномерности в полосе пропускания фильтра и наибольшую крутизну ослабления в полосе задерживания. Фильтры Чебышева целесообразно применять в тех случаях, когда наиболее важным является равномерное прохождение частот во всей ПП. Однако эти фильтры обладают нелинейной фазовой характеристикой и соответственно непостоянным временем задерживания частотных составляющих в ПП.

При синтезе любого полиномиального фильтра вначале синтезируют ФНЧ, который называют фильтром-прототипом нижних частот (ФПНЧ), и от схемы этого фильтра переходят к схеме любого другого фильтра в нормированных параметрах . В процессе перехода получают не только схему другого фильтра , но рассчитывают значения его нормированных параметров и получают соответствующие частотные характеристики. Методика преобразования фильтра-прототипа в другой тип фильтра приводится в [2].

В самом начале расчета полиномиального ФНЧ определяется его порядок по одной из нижеприведенных формул для каждого из рассмотренных фильтров:

- фильтр Баттерворта (с плоской характеристикой в ПП)

$$n \geq \frac{A_{s} - 10 \lg(10^{0.1 \, \Delta A} - 1)}{20 \, \lg \Omega_{s}}; \tag{23}$$

- фильтр Чебышева (с равномерно-колебательной характеристикой в ПП)

$$n \geq \frac{A_{s}+6-10 \lg(10^{0.1 \, \Delta A}-1)}{20 \lg(\Omega_{s}+\sqrt{\Omega_{s}^{2}-1})} = \frac{Arch \sqrt{\frac{10^{0.1 \, A_{s-1}}}{10^{0.1 \, \Delta A}-1}}}{Arch \, \Omega_{s}};$$
(24)

где  $\Omega_s = \frac{f_s}{f_1}$  - нормированная частота ФНЧ на границе ПЗ,

 $f_1$  – верхняя граничная частота ПП ФНЧ,

*f*<sub>s</sub> - нижняя граничная частота ПЗ ФНЧ.

Значения *n*, полученные по этим формулам, округляются до ближайшего большего целого числа.

В процессе синтеза ФПНЧ значения параметров его элементов получают в нормированном виде. Нормированные значения

сопротивления *r*, индуктивности *l* и емкости *c* рассчитываются по следующим формулам:

$$r = \frac{R}{R_0}, \quad l = \frac{2\pi f_0 L}{R_0}, \quad c = 2 \pi f_0 C R_0,$$
 (25)

где нормирующее сопротивление  $R_0$  принимается равным сопротивлению нагрузки фильтра  $R_{\rm H}$ , а нормирующая частота  $f_0$  вычисляется по (13).

Полученные нормированные значения элементов фильтра далее денормируются, т.е. пересчитываются в действительные значения. Для этого нормированные значения каждого элемента схемы умножаются на соответствующие коэффициенты денормирования. Значения этих коэффициентов для сопротивления kr, индуктивности  $k_l$  и емкости  $k_c$  определяются по формулам:

$$kr = R_0, \qquad k_l = \frac{R_0}{2\pi f_0}, \qquad k_c = \frac{1}{2\pi f_0 R_0}.$$
 (26)

Действительные же значения сопротивления *R*, индуктивности *L* и емкости *C* вычисляются с помощью коэффициентов денормирования по следующим формулам:

$$R = kr \cdot r, \quad L = k_l \cdot l, \quad C = k_c \cdot c. \tag{27}$$

При синтезе ФНЧ по рабочим параметрам значения нормированных элементов схемы ФНЧ можно определить с помощью таблиц или аналитически.

При определении значений нормированных элементов схемы ФНЧ с помощью таблиц после определения порядка фильтра по заданному значению неравномерности ослабления фильтра в ПП и требуемому виду АЧХ ФНЧ (типа Баттерворта, Чебышева и др.) выбирают значения нормированных элементов схемы ФПНЧ из специально разработанных таблиц [2].

Нормированные значения элементов нормализованной схемы ФНЧ Баттерворта для случая, когда  $R_{\Gamma} = R_{\rm H}$ , приведены в таблице 2 [2].

		-								
n	с <sub>1</sub> или l'1	<i>l</i> 2 или с⁄2	сз или l'2	<i>l₄</i> или с₄	с5 или l'-	<i>l</i> 6 или с⁄	с7 или l' <del>7</del>	<i>l</i> 8 или с	с9 или l'о	<i>l</i> 10 или <i>с</i> 10
1	2.0000	-	-	-	-	-	-	-	-	-
2	1.4142	1.4142	-	-	-	-	-	-	-	-
3	1.0000	2.0000	1.0000	-	-	-	-	-	-	-
4	0.7654	1.8478	1.8478	0.7654	-	-	-	-	-	-
5	0.6180	1.6180	2.0000	1.6180	0.6180	-	-	-	-	-
6	0.5176	1.4142	1.9319	1.9319	1.4142	0.5176	-	-	-	-
7	0.4450	1.2470	1.8019	2.0000	1.8019	1.2470	0.4450	-	-	-
8	0.3902	1.1111	1.6629	1.9616	1.9616	1.6629	1.1111	0.3902	-	-
9	0.3473	1.0000	1.5321	1.8794	2.0000	1.8794	1.5321	1.0000	0.3473	-
10	0.3129	0.9080	1.4142	1.7820	1.9754	1.9754	1.7820	1.4142	0.9080	0.3129

Таблица 2 - Значения нормированных элементов нормализованного

ФНЧ Баттерворта

Нормированные значения элементов нормализованной схемы ФНЧ Чебышева для случая, когда  $R_r = R_H$ , приведены в таблице 3 [2]. Таблица 3 - Значения нормированных элементов нормализованного ФНЧ Чебышева

ΔА, дБ	Порядок фильтра n	с <sub>1</sub> или l <sub>1</sub>	<i>l</i> <sub>2</sub> или <i>c</i> <sub>2</sub> '	<i>с</i> или l' <sub>3</sub>	<i>l</i> 4 или c4	с <sub>5</sub> или l' <sub>5</sub>	<i>l</i> 6 или с <sub>6</sub>	с <sub>7</sub> или l' <sub>7</sub>
0.5	3 5 7	1.596 1.706 1.737	1.097 1.230 1.258	1.596 2.541 2.638	- 1.230 1.344	- 1.706 2.638	- - 1.258	- - 1.737
1.0	3 5 7	2.024 2.135 2.167	0.994 1.091 1.112	2.024 3.001 3.094	- 1.091 1.174	2.135 3.094	- 1.112	- - 2.167
2.0	3 5 7	2.711 2.831 2.865	0.833 0.899 0.912	2.711 3.783 3.877	- 0.899 0.954	2.831 3.877	0.912	- 2.865
3.0	3 5 7	3.349 3.481 3.519	0.712 0.762 0.772	3.349 4.538 4.639	0.762 0.804	- 3.481 4.639	- 0.772	- 3.519

Значения элементов, приведенные в таблицах 2 и 3, относятся к схемам нормализованного фильтра Баттерворта и нормализованного фильтра Чебышева, нагруженных двусторонне согласовано:

$$r_{\mathcal{Z}} = r_{\mathrm{H}},$$

ГДе  $r_2 = \frac{R\Gamma}{R_0}$ ,  $r_H = \frac{RH}{R_0}$ .

Значения элементов фильтров нормализованы по отношению к верхней граничной частоте ПП и по отношению к сопротивлению нагрузки, т.е. таблицы рассчитана для случая, когда  $\Omega_1 = 1$  и  $r_{_H} = 1$ .

В таблицах 2 и 3 в каждом столбце приводится нормированные значения либо индуктивности  $l_i$ , либо емкости  $c'_i$ . Значения индуктивности выбирается в случае, когда фильтр подключается к источнику напряжения (рисунок 8), а емкость выбирается, когда фильтр подключается к источнику тока (рисунок 9).



Рисунок 8 - Схема подключения ФНЧ к источнику напряжения



Рисунок 9 - Схема подключения ФНЧ к источнику тока

Далее производится денормирование выбранных нормированных значений элементов схемы фильтра и получается схема рассчитываемого фильтра с действительными значениями элементов.

Синтез полиномиального фильтра, нагруженного двусторонне, когда соблюдается равенство:  $R_r = R_H$ , может быть выполнен также аналитически на основе формулы входного сопротивления фильтра в нормированных значениях его элементов:

$$Z_{BX}(s) = \frac{\upsilon(s) + h(s)}{\upsilon(s) - h(s)}, \qquad (28)$$

где u (s) - полином Баттерворта,

h(s) - функция фильтрации,

 $h(s) = s^n - функция фильтрации для фильтра Баттерворта.$ 

При синтезе фильтра Чебышева функция фильтрации находится следующим образом [1]:

- берется полином Чебышева п порядка  $T_n(\Omega)$  (таблица 4) и вычисляется его нормированное значение путем деления  $T_n(\Omega)$  на  $2^{n-1}$ ,

- в полученном выражении Ω заменяется комплексной частотой *p* и все члены полученного многочлена считаются положительными,

- полученный многочлен считается функцией фильтрации *h* (*p*) для фильтра Чебышева.

Выражения функций фильтрации для фильтров Чебышева приведены в таблице 4 [1].

Порядок фильтра n	Полином Чебышева $T_n \; (\Omega)$	Нормированный полином Чебышева	Функция фильтрации для фильтра Чебышева h (p)
1	Ω	Ω	p
2	2Ω <sup>2</sup> -1	$\Omega^2$ - 0.5	$p^{2} + 0.5$
3	$4\Omega^3$ - $3\Omega$	$\Omega^3 - 0.75 \ \Omega$	$ ho^3+0.75 ho$
4	$8\Omega^4$ - $8\Omega^2$ + 1	$\Omega^4$ - $\Omega^2$ + 0.125	$ ho^4 +  ho^2 + 0.125$
5	$16\Omega^5$ - $20\Omega^3$ + 5Ω	$\Omega^5 - 1.125\Omega^3 + 0.3125$	$ ho^5 + 1.25 ho^3 + 0.3125 ho$

Таблица 4 - Выражения функции фильтрации для фильтров Чебышева

Следует отметить, что при синтезе двусторонне нагруженных фильтров Баттерворта и Чебышева при  $R_r = R_H$  для нечетных значений n и любых значений  $\triangle A$ , схемы фильтров будут симметричны относительно вертикальной оси, проведенной по середине фильтра, т.е. каждая половина представляет собой зеркальное отображение другой относительно этой оси.

Далее полученное нормированное выражение входного сопротивления ФНЧ (28) раскладывается в цепную дробь следующего вида:

$$Z_{BX}(s) = \alpha_1 s + \frac{1}{\beta_1 s + \frac{1}{\alpha_2 s + \frac{1}{\beta_2 s + \dots \dots \frac{1}{s \alpha_n + 1}}}}.$$
 (29)

Данный вид разложения получается при указанных в (28) знаках сложения и вычитания в числителе и знаменателе. Полученные в (29) значения  $\alpha_i$  соответствуют нормированным значениям индуктивностей в схеме фильтра (рисунок 8), а значения  $\beta_i$  соответствуют нормированным значениям емкостей в той же схеме. Входное сопротивление фильтра полученного таким образом фильтра будет называться T - образным.

Если же в выражении (28) поставить в числителе минус, а в знаменателе плюс, то в результате разложения получится цепная дробь другого вида:

$$Z_{BX}(s) = \frac{1}{\beta_1 s + \frac{1}{\alpha_1 s + \frac{1}{\beta_2 s + \frac{1}{\alpha_2 s + \dots \frac{1}{s\beta_{n+1}}}}}$$
(30)

В этом выражении элементам  $\beta_i$  будут соответствовать нормированным значениям емкостей в схеме фильтра (рисунок 9), а элементам  $\alpha_i$  будут соответствовать нормированным значениям индуктивностей. Входное сопротивление полученного таким образом фильтра будет называться П - образным.

После денормирования нормированных значений элементов схемы полученной по выражению (28) получается схемы фильтра в действительных параметрах. Далее нужно для полученной схемы фильтра рассчитать зависимость его ослабления от частоты в диапазоне частот от 0 до бесконечности. В полученном графике ослабления фильтра в ПП оно не должно превышать значения  $\Delta A$ , а в ПЗ ослабление должно быть не меньше значения  $A_s$ .

# **3** Экспериментальное определение частотных характеристик ослабления ФНЧ Баттерворта и Чебышева

Целью данной лабораторной работы является синтезирование полиномиальных ФНЧ 3-его порядка Баттерворта и Чебышева согласовано нагруженных двусторонне и определение частотных характеристик ослабления полученных фильтров. При решении указанной задачи используется готовая схема реактивного фильтра нижних частот 3 порядка, которая двусторонне нагружена сопротивлениями  $R_{\Gamma} = R_{H}$  (рисунок 10).



Рисунок 10 - Схема ФНЧ 3-го порядка нагруженного согласовано двусторонне

Известны значения реактивных элементов схемы фильтра L<sub>2</sub>, C<sub>1</sub> и C<sub>3</sub>, а также допустимая неравномерность ослабления фильтра в ПП, равная 3 дБ.

Требуется подобрать значения сопротивлений генератора и нагрузки такими, чтобы заданная схема фильтра соответствовала бы ФНЧ Баттерворта или Чебышева, имеющей заданные значения элементов L<sub>2</sub>, C<sub>1</sub> и C<sub>3</sub> и значение допустимой неравномерности ослабления фильтра в ПП, равное 3 дБ.

Для синтеза схемы ФНЧ Баттерворта заданного порядка и допустимой неравномерности в ПП используем таблицу 2, из которой выбираем для заданных n и  $\triangle$  A значения нормированных элементов схемы нормализованного фильтра Баттерворта 3-его порядка:

$$c_1 = c_3 = 1.0, \quad l_2 = 2.0.$$
 (31)

Запишем выражения действительных значений элементов  $L_2$  и  $C_1 = C_3$  ФНЧ через найденные нормированные значения этих же элементов с помощью формул (26, 27):

$$L_2 = k_l \cdot l_2 = \frac{R_0}{2\pi f_0} \cdot l_2 , \qquad C_1 = k_c \cdot c_l = \frac{1}{2\pi f_0 R_0} \cdot c_l . \qquad (32)$$

Из (32) запишем выражения сопротивления  $R_0$ , через действительные и нормированные значения элементов  $L_2$  и  $C_1$ :

$$R_0 = \frac{2\pi f_0}{l_2} L_2, \qquad R_0 = \frac{c_1}{2\pi f_0} \cdot \frac{1}{C_1}. \quad (33)$$

Перемножив между собой два выражения сопротивления  $R_0$ , полученные в (33), и преобразовав полученный результат, получим выражение сопротивления  $R_0$  через нормированные и действительные значения элементов  $L_2$  и  $C_1 = C_3$  синтезируемого фильтра:

$$R_0 = \sqrt{\frac{L_2 c_1}{l_2 C_1}}.$$
 (34)

Аналогичным образом из формул (32) можно получить два выражения для частоты  $f_0$ :

$$f_0 = \frac{R_0 \cdot l_2}{2\pi L_2}, \qquad f_0 = \frac{c_1}{2\pi R_0 C_1}.$$
 (35)

Перемножив между собой эти выражения частоты  $f_0$ , извлекаем корень из полученного выражения. Таким образом, получим формулу для расчета граничной частоты  $f_0$  полосы пропускания ФНЧ:

$$f_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{c_1 l_2}{c_1 L_2}} \ . \tag{36}$$

Полученное значение  $f_0$  называется частотой среза, поскольку на этой

частоте, соответствующей верхней граничной частоте ПП ФНЧ, ослабление его должно быть равно 3 дБ (это значение было задано условиями задания на синтез ФНЧ). Характеристики ослабления всех ФНЧ Баттерворта разных порядков должны проходить через точку с координатами: частота  $f_0$  ослабление  $\triangle A$ . Зная граничную частоту ПП  $f_0$  можно экспериментально определить характеристику ослабления всего фильтра для разных диапазонов частоты: ПП - при частотах от 0 до значения  $f_0$  и ПЗ - при частотах от  $f_0$  до значения, равного  $\infty$ . У фильтров Баттерворта нет четкого разделения ПП и ПЗ.

При снятии частотной зависимости рабочего ослабления A<sub>p</sub> ФНЧ необходимо учитывать не только ослабление самого фильтра, но и учитывать несогласованности: внутреннего сопротивления генератора входного напряжения и входного сопротивления фильтра, а также выходного сопротивления нагрузки.

Для определения рабочего ослабления применяется Z-метод. При его использовании, имеющийся генератор с произвольным внутренним сопротивлением R  $_{\Gamma}$  должен быть преобразован в генератор с постоянным внутренним сопротивлением, равным сопротивлению нагрузки фильтра: R  $_{\Gamma}$  = R н. При использовании такого генератора фильтр будет нагружен согласовано двусторонне: на входе - R  $_{\Gamma}$  = R<sub>0</sub> и на выходе - R н = R<sub>0</sub>.

Сопротивления генератора и нагрузки выбираются равными друг другу и имеющими значение нормирующего сопротивления *R*<sub>0</sub>:

$$R H = R_{\Gamma} = R_0 . \tag{37}$$

При заданной неравномерности ослабления фильтра в ПП и известном порядке фильтра нормированные значения элементов фильтра Баттерворта могут быть определены с помощью таблицы 2. Далее с помощью формул (34) и (36) вычисляются значения R<sub>0</sub> и  $f_0$ , а затем составляется схема определения

рабочего ослабления исследуемого фильтра Z-методом (рисунок 11).



Рисунок 11 - Схема определения рабочего ослабления ФНЧ Z - методом

Рабочее ослабление А<sub>Р</sub> фильтра при использовании Z - метода рассчитывается в децибелах по формуле:

$$A_{\rm P} = 20 \, \lg \frac{U_1}{2U_2} \sqrt{\frac{R_{\rm H}}{R_{\Gamma}}} = 20 \, \lg \frac{U_1}{0.775} - 20 \, \lg \frac{U_2}{0.775} - 20 \, \lg 2 + 10 \, \lg \frac{R_{\rm H}}{R_{\Gamma}} = p_1 - p_2 - 6 + \Delta , \qquad (38)$$

где  $U_1$ ,  $U_2$  – входное и выходное напряжения, измеряемые вольтметрами  $V_1$  и  $V_2$ ,

- $p_1$ ,  $p_2$  уровни измеряемых напряжений  $U_1$ ,  $U_2$ ,
- $\Delta$  дополнительное ослабление, зависящее только от соотношения величин R<sub>Г</sub> и Rн. В исследуемой схеме R<sub>Г</sub> = R<sub>H</sub> (следовательно,  $\Delta = 0$ ).

В качестве базового уровня, равного нулю, принимается напряжение 0.775 В, обеспечивающее в нагрузке 600 Ом мощность 1 мВт. Если напряжение больше 0.775В, то уровень напряжения положительный, если меньше, то – отрицательный.

При измерениях удобно устанавливать на входе схемы напряжение, равное  $U_1 = 0.775$  В, тогда  $p_1 = 0$ . Если при этом соблюдается равенство  $R_{\Gamma} = R_{H,}$  то рабочее ослабление будет вычисляться по формуле:

$$A_{p} = -p_{2} - 6.$$
 (39)

Для упрощения процедуры измерения рабочего ослабления, на входе схемы устанавливают напряжение, равное  $U_1 = 1.55$  В, при этом  $p_1 = 6$  дБ. В этом случае рабочее ослабление фильтра отсчитывается в децибелах непосредственно по шкале вольтметра, имеющего шкалу в этих единицах:

$$A_{\rm P} = -p_2$$
. (40)

Следует отметить, что ослабление A<sub>p</sub> будет равно отрицательному значению уровня *p*<sub>2</sub>.

Итак, на входе генератора с помощью вольтметра  $V_1$ устанавливается напряжение 1.55В и при различных частотах производится измерение уровня выходного напряжения  $U_2$ . Значение входного напряжения  $U_1$  при этом поддерживается постоянным при каждой частоте.

Для синтеза схемы ФНЧ Чебышева заданного порядка и допустимой неравномерности ослабления фильтра в ПП используется таблица 3, из которой для заданных значений n и  $\triangle$  A выбираются значения нормированных элементы схемы нормализованного фильтра Чебышева 3-его порядка:

$$c_1 = c_3 = 1.596, \quad l_2 = 1.097.$$
 (41)

Схема ФНЧ Чебышева 3 порядка будет такой же, как и схема ФНЧ

Баттерворта такого же порядка. Отличие в данном случае будет заключаться только в значениях нормированных элементов, а соответственно в значениях сопротивления  $R_0$  и частоты среза  $f_0$ .

Зная нормированные и действительные значения элементов схемы ФНЧ Чебышева по формуле (33) можно определить значение сопротивления  $R_0$ , при использовании которого схема исследования заданного фильтра (рисунок 11) превращается в схему исследования ФНЧ Чебышева 3 порядка. По формуле (36) можно рассчитать частоту среза  $f_0$  полученного фильтра Чебышева, а затем снять экспериментально характеристику ослабления фильтра. У фильтра Чебышева частота среза  $f_0$  и верхняя граничная частота  $f_1$  его полосы пропускания совпадают по значению. Таким образом, установив в исследуемой схеме сопротивления  $R_{\Gamma} = R_{\rm H}$  равные новому найденному значению  $R_0$ , получаем схему исследования ФНЧ Чебышева 3 порядка.

Все расчеты в данном случае выполняются таким же образом, каким они проводились при синтезе ФНЧ Баттерворта.

Расчет собственного ослабления ФНЧ Чебышева проводится по формуле (21), а рабочее ослабление рассчитывается по формуле (40), как и при исследовании ФНЧ Баттерворта.

#### 4 Подготовка и порядок выполнения лабораторной работы

При подготовке к выполнению лабораторной работы студенту необходимо:

- ознакомиться с описанием данной лабораторной работы, уяснить цель работы,

- изучить основные теоретические положения, приведенные в описании лабораторной работы,

- ответить на контрольные вопросы для допуска к выполнению и защите лабораторной работы, приведенные в конце описания,

 ознакомиться со схемой проведения исследования, используемыми приборами и порядком выполнения лабораторной работы.

Для выполнения лабораторной работы на универсальном лабораторном стенде учебной лабораторной установки ТЭЦ необходимо собрать схему синтезируемого ФНЧ 3-его порядка (рисунок 12):



Рисунок 12 - Схема ФНЧ 3-его порядка

К входным зажимам 1-1' цепи подключается генератор синусоидального напряжения Е и вольтметр V<sub>1</sub>, а к выходным зажимам 2 - 2' подключается магазин сопротивлений с величиной сопротивления R<sub>0</sub>, соответствующего сопротивлению нагрузки R<sub>H</sub>, и вольтметр V<sub>2</sub>.

К зажимам 1–3 подключается магазин сопротивлений, на котором устанавливается сопротивление  $R_0$ , эквивалентное внутреннему сопротивлению идеального генератора, вырабатывающему э.д.с.  $E = U_1$ .

**При исследовании ФНЧ Баттерворта** сопротивление R<sub>0</sub>, при котором исследуемая цепь (рисунок 12) обладает свойствами ФНЧ Баттерворта, рассчитывается по формуле (34):

$$R_0 = \sqrt{\frac{L_2 c_1}{l_2 C_1}} \; .$$

где  $C_1 = C_3$ ,  $L_2$  - истинные (номинальные) значения элементов схемы фильтра,

с<sub>1</sub>, l<sub>2</sub> - нормированные значения элементов фильтра, выбираемые для заданного порядка фильтра (n = 3) и заданной неравномерности △ A = 3 дБ (таблица 2).

Далее по формуле (36) определяем частоту среза  $f_0$  исследуемого фильтра:

$$f_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\mathrm{cl}l_2}{C_1 L_2}}$$

До начала проведения эксперимента по определению частотной зависимости рабочего ослабления фильтра Баттерворта 3-его порядка с помощью Z-метода составляем таблицу 5, в которую будут заноситься результаты эксперимента.

Таблица 5 - Результаты экспериментального исследования рабочего ослабления ФНЧ Баттерворта

ФНЧ Баттерворта, $U_1 = 1.55$ В					
f	f, кГц	Ар, дБ			
$0.2 f_0$					
$0.4 f_0$					
0.6 f <sub>0</sub>					

Продолжение таблицы 5

$0.8 f_0$	
$f_0$	
$1.5 f_0$	
$2.0 f_0$	
3.0 <i>f</i> <sub>0</sub>	

Зная значения частоты среза  $f_0$ , рассчитываем конкретные значения частот f, при которых будет проходить исследование, и заносим их в таблицу 5. Для упрощения процедуры измерения рабочего ослабления устанавливаем на входе фильтра напряжение U<sub>1</sub>, равное 1.55В, что соответствует уровню входного сигнала -  $p_1 = 6$ дБ. В этом случае рабочее ослабление фильтра определяется по формуле (40) и отсчитывается непосредственно по соответствующей шкале вольтметра, имеющего шкалу в децибелах.

Итак, на выходе генератора с помощью милливольтметра  $V_1$ устанавливается напряжение 1.55В и при различных значениях частоты, указанных в таблице 5, производятся измерения уровня выходного  $U_2$ . При напряжения ЭТОМ значение входного напряжения  $U_1$ поддерживается постоянным на всех частотах. Измеренные значения уровня выходного напряжения, записанные с обратным знаком, представляют собой рабочее ослабление ФНЧ Баттерворта и они заносятся в таблицу 5.

По этим данным строится график рабочего ослабления фильтра нижних частот Баттерворта.

При исследовании ФНЧ Чебышева 3-его порядка после сбора на универсальном лабораторном стенде схемы ФНЧ 3-его порядка к выходным зажимам 2 - 2′ и зажимам 1–3 подключаются магазины сопротивлений с величиной сопротивления  $R_0$ , рассчитанного по нормированным параметрам (41) фильтра Чебышева. Далее

рассчитывается частота среза  $f_0$  по нормированным параметрам (41) фильтра Чебышева, и на ее основе заполняется левый столбец таблицы 6, а остальные столбцы заполняются по результатам конкретных исследований рабочего ослабления фильтра.

Таблица 6 - Результаты экспериментального исследования рабочего ослабления ФНЧ Чебышева

ФНЧ Чебышева, $U_1 = 1.55$ В					
f	f, кГц	Ар, дБ			
$0.2 f_0$					
$0.4 f_0$					
$0.5 f_0$					
0.6 f <sub>0</sub>					
0.867 f <sub>0</sub>					
$1 f_0$					
$1.5 f_0$					
2.0 f <sub>0</sub>					
3.0 <i>f</i> <sub>0</sub>					

Зная значение частоты  $f_0$ , заполняется левый столбец таблицы 6. Далее на выходе генератора с помощью милливольтметра  $V_1$ устанавливается напряжение 1.55В и при различных значениях частоты, указанных в таблице 6, проводятся измерения уровня выходного напряжения U<sub>2</sub>. Значение входного напряжения U<sub>1</sub> поддерживается постоянным на всех частотах. Измеренные значения уровня выходного с обратным знаком, представляют собой напряжения, записанные рабочее ослабление ФНЧ Чебышева, которые заносятся В соответствующий столбец таблицы 6.

По этим данным строится график рабочего ослабления фильтра нижних частот Чебышева в зависимости от частоты *f*.

# 5 Экспериментальное определение рабочего ослабления ФНЧ и анализ получаемых результатов

Рассмотрим конкретный пример синтеза ФНЧ Баттерворта и Чебышева по рабочим параметрам и определения рабочего ослабления этих фильтров.

Будем считать, что задана П-образная схема ФНЧ 3-его порядка, имеющая следующие параметры:

$$C_1 = C_3 = 50$$
 нФ,  $L_2 = 70$  мГн.

Требуется составить схему исследования этого ФНЧ 3-его порядка, который обладал бы частотными характеристиками фильтра Баттерворта и ослабление которого на верхней граничной частоте ПП, было бы равно 3 дБ.

Зная порядок фильтра n= 3 и допустимую неравномерность ослабления в ПП, из таблицы 2 выберем значения нормированных параметров нормализованного ФНЧ Баттерворта:

$$c_1 = c_3 = 1.0, \quad l_2 = 2.0.$$
 (42)

По (34) определим значение сопротивления R<sub>0</sub>, которое должно быть установлено на входе и выходе фильтра, чтобы заданный ФНЧ был нагружен на входе и выходе согласовано:

$$R_0 = \sqrt{\frac{L_2 c_1}{l_2 C_1}} = \sqrt{\frac{70 * 10^{-3} * 1}{2 * 50 * 10^{-9}}} = 836.7 \text{ Om}.$$
(43)

Далее по (36) определим значение частоты среза  $f_0$ :

$$f_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{c1l_2}{C_1 L_2}} = \frac{1}{6.28} \sqrt{\frac{2*1}{50*10^{-9}*70*10^{-3}}} = 3.806 \text{ kGu}.$$
(44)

После этого заполняем левый столбец таблицы 5 и получаем таблицу 7, в которую заносятся результаты конкретного исследования рабочего ослабления ФНЧ 3-его порядка Баттерворта.

ФНЧ Баттерворта, $U_1 = 1.55$ В					
f	$f$ , к $\Gamma$ ц	Ар, дБ			
$0.2 f_0$	0.761	0			
$0.4 f_0$	1.522	0			
0.6 f <sub>0</sub>	2.284	0.3			
$0.8 f_0$	3.045	1.0			
$f_0$	3.806	2.5			
$1.5 f_0$	5.709	11.0			
$2.0 f_0$	7.612	18.5			
$3.0 f_0$	11.418	28.0			

Таблица 7 - Результаты конкретного исследования рабочего ослабления ФНЧ 3-его порядка Баттерворта

Далее в схеме ФНЧ 3-его порядка (рисунок 12) устанавливаем на входном и выходном магазинах сопротивлений величину 836.7 Ом и начинаем эксперимент. На генераторе устанавливаем первую частоту 0.761 кГц и выходное напряжение  $U_1 = 1.55$  В. По шкале вольтметра  $V_2$ , проградуированной в децибелах, определяем уровень выходного напряжения и соответствующее ему ослабление ФНЧ. Полученные значения ослабления заносим в соответствующий столбец таблицы 7. Эксперимент проводим для всех значений частоты, указанных в таблице 7. По полученным значениям частоты и ослабления строим график зависимости рабочего ослабления ФНЧ 3-его порядка Баттерворта от частоты (рисунок 13).



Рисунок 13 - График рабочего ослабления ФНЧ Баттерворта 3-его порядка

Аналогичные исследования проводим для ФНЧ 3-его порядка Чебышева. Все исходные данные задания остаются прежними. Значения нормированных параметров фильтра Чебышева 3-его порядка выбираем из таблицы 3:

$$c_1 = c_3 = 3.349, \quad l_2 = 0.712.$$

Значения сопротивлений нагрузок на входе и выходе фильтра рассчитывалось по той же формуле, что и для фильтра Баттерворта:

$$R_0 = \sqrt{\frac{L_2 c_1}{l_2 C_1}} = \sqrt{\frac{70 * 10^{-3} * 3.349}{0.712 * 50 * 10^{-9}}} = 2566 \text{ Om}.$$

Частота среза для фильтра Чебышева составила следующее значение:

$$f_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\text{cl}l_2}{C_1 L_2}} = \frac{1}{6.28} \sqrt{\frac{3.349*0,712}{50*10^{-9}*70*10^{-3}}} = 4.156 \text{ kGm}.$$

Зная значения частоты среза, заполняем два столбца таблицы 6 и получаем таблицу 8, куда заносим результаты проводимого далее исследования фильтра Чебышева.

> Таблица 8 - Результаты конкретного исследования рабочего ослабления ФНЧ 3-его порядка Чебышева

ФНЧ Чебышева, $U_1 = 1.55$ В					
f	<i>f</i> , кГц	Ар, дБ			
$0.2 f_0$	0.831	0.7			
0.4 f <sub>0</sub>	1.662	2.4			
$0.5 f_0$	2.078	2.5			
0.6 f <sub>0</sub>	2.494	2.2			
0.867 f <sub>0</sub>	3.603	0.7			
$f_0$	4.156	3.7			
$1.5 f_0$	6.234	19.5			
$2.0 f_0$	8.312	28.0			
3.0 <i>f</i> <sub>0</sub>	12.468	40.0			

Далее в схеме ФНЧ 3-его порядка (рисунок 12) устанавливаем на входном и выходном магазинах сопротивлений величину 2566 Ом и начинаем эксперимент. На генераторе устанавливаем первую частоту 0.831 кГц и выходное напряжение  $U_1 = 1.55$  В. По шкале вольтметра  $V_2$ ,

проградуированной в децибелах, определяем уровень выходного напряжения и соответствующее ему ослабление ФНЧ. Полученные значения ослабления заносим в правый столбец таблицы 8. Эксперимент проводим для всех значений частоты, указанных в таблице 8. По полученным значениям частоты и ослабления строим график зависимости рабочего ослабления ФНЧ 3-его порядка Чебышева от частоты (рисунок 14).



Рисунок 14 - График рабочего ослабления ФНЧ 3-его порядка Чебышева

Для сравнения между собой характеристик рабочего ослабления двух фильтров на рисунке 15 представлены вместе характеристики рабочего ослабления ФНЧ 3-его порядка Баттерворта (кривая 1) и Чебышева (кривая 2).



Рисунок 15 - Характеристики рабочего ослабления ФНЧ 3-его порядка Баттерворта и Чебышева

В результате проведенных исследований было экспериментально подтверждено, что характеристика ослабления ФНЧ Баттерворта (график 1 на рисунке 15) в полосе пропускания и в полосе задерживания изменяется монотонно. В полосе пропускания характеристика ослабления является максимально плоской и изменяется от 0 при частоте f, равной нулю, до значения 3 дБ при частоте среза  $f_0$ . В полосе задерживания ослабление фильтра также изменяется монотонно от 3 дБ и выше. Крутизна и максимальное ослабление в полосе задерживания зависит от порядка фильтра. Четкого разделения полосы пропускания и полосы задерживания у фильтра нет, как и у всех реальных фильтров.

В Чебышева соответствии свойствами co полиномов характеристика ослабления ФНЧ Чебышева (график 2 на рисунке 15) в ΠП изменяется волнообразно, последовательно принимая свои наибольшие значения, равные △ А, и наименьшие значения, равные нулю. Число экстремумов графика ослабления в ПП, включая значения частоты на границе  $\Pi\Pi - 0$  и  $f_0$ , равно n + 1.

Вследствие такого характера изменения характеристики ослабления фильтра Чебышева в ПП эта характеристика называется «равноволновой». Густота волн в ПП неравномерна, она увеличивается по мере приближения частоты к границе ПП. Число волн увеличивается с ростом порядка фильтра n.

В ПЗ ослабление фильтра растет монотонно, крутизна характеристики ослабления растет с увеличением порядка фильтра. Из всех полиномиальных ФНЧ с передаточными функциями равных порядков и одинаковой допустимой неравномерностью характеристики ослабления в ПП, максимальное ослабление при любой частоте в ПЗ имеют фильтры с характеристиками Чебышева. При прочих равных условиях они обладают несомненными преимуществами и по ряду других критериев.

Если требуется обеспечить более равномерное ослабление фильтра в ПП, то тоже выбирают фильтры с характеристиками ослабления Чебышева.

## 6 Содержание отчета по лабораторной работе

В отчете по итогам выполнения лабораторной работы должны быть приведены:

- наименование и цель лабораторной работы,
- структурные схемы электрических фильтров, предназначенные для проведения исследования, с указанием всех их элементов, включая измерительные приборы и источник питания,
- математический аппарат, использованный при подготовке к проведению исследования и обработке полученных результатов,
- результаты измерений, полученные в процессе экспериментов, а также итоговые результаты обработки полученных измерений, оформленные численно и графические,
- выводы о результатах проведенных исследований.

## 7 Контрольные вопросы для допуска к выполнению лабораторной работы

- 1. Что называется электрическим фильтром?
- 2. На какие области делится весь частотный диапазон фильтров?
- 3. Какие фильтры называются полиномиальными?
- 4. Как классифицируются фильтры по полосе пропускания?
- 5. Что такое полоса пропускания фильтра?
- 6. Что такое полоса задерживания фильтра?
- 7. Сколько полос пропускания может иметь полиномиальный фильтр?
- 8. Сколько полос задерживания может иметь полиномиальный фильтр?
- 9. Какие требования предъявляются к фильтрам нижних частот?
- Какой вид имеет характеристика ослабления фильтра нижних частот (ФНЧ) Баттерворта?
- 11. Какой вид имеет характеристика ослабления ФНЧ Чебышева?
- 12. Что такое порядок полиномиального фильтра?
- 13. Что такое реактивный фильтр?
- 14. Как связано количество элементов в схеме полиномиального реактивного фильтра с его порядком?
- 15. Что такое синтез фильтра?
- 16. Что такое рабочие параметры фильтра и сколько их?
- 17. Что такое коэффициент неравномерности ослабления в полосе пропускания фильтра?
- 18. Какой величины должен быть коэффициент неравномерности ослабления в полосе пропускания?
- 19. Как меняется график ослабления ФНЧ Баттерворта при изменении порядка фильтра?
- 20. Как изменяется график ослабления ФНЧ Чебышева при изменении порядка фильтра?
- 21. Что такое ослабление?

- 22. В каких единицах измеряется ослабление?
- 23. Что такое передаточная функция фильтра?
- 24. Какой ослабление должно быть в полосе пропускания фильтра и почему?
- 25. Какое ослабление должно быть в полосе задерживания и почему?
- 26. Чем отличаются пассивные фильтры от активных фильтров?
- 27. Чем отличаются реальные фильтры от идеальных фильтров?

## 8 Контрольные вопросы для защиты лабораторной работы

- 1. Что такое синтез электрического фильтра?
- 2. Какими методами можно синтезировать фильтр?
- 3. Что такое нормирование параметров фильтра?
- 4. Что такое денормирование элементов фильтра?
- 5. Что такое фильтр-прототип?
- 6. Как получить схему фильтра верхних частот зная схему фильтрапрототипа?
- Запишите выражение коэффициента распространения для линии с потерями и без потерь.
- Запишите телеграфные уравнения линии для определения тока и напряжения в линии в точке, отстоящей на определенном расстоянии от конца линии.
- 9. С какой скоростью распространяется электромагнитная волна вдоль линии?
- 10. Запишите формулу для расчета длины волны в линии.
- 11. Запишите формулу для расчета фазовой скорости волны в линии.
- 12. Дайте определение фазовой скорости волны в линии.
- 13. Как определить частоту электромагнитного колебания, при которой в искусственной длинной линии уложится целая длина волны.
- Нарисуйте и объясните физически график распределения напряжения (тока) вдоль линии, разомкнутой на конце.
- Нарисуйте и объясните физически график распределения напряжения (тока) вдоль линии, замкнутой на конце.
- Нарисуйте и объясните физически график распределения напряжения вдоль линии с согласованной нагрузкой.
- 17. Нарисуйте и объясните физически график распределения напряжения вдоль линии при не согласованной нагрузке.
- 18. В каком режиме по линии передается активная мощность?

#### Список использованных источников

1. Шебес М.Р. Задания на курсовую работу и методические указания к ним по курсу «Теория электрических цепей» по теме: «Расчет электрических фильтров». – М.: ООО «Инсвязьиздат», 2006. – 52с.

2. Бакалов В.П., Дмитриков В.Ф., Крук Б.И. Основы теория цепей: Учебное пособие для вузов. М.: Горячая линия-Телеком, 2013

3. Витков М.Г., Смирнов Н.И. Основы теории цепей. Лабораторный практикум: Учебное пособие для вузов - М.: Радио и связь, 2001

4. Учебная лабораторная установка «Теория линейных электрических цепей» СПб государственного университета телекоммуникаций, 2012

5. Бакалов В.П., Журавлева О.Б., Крук Б.И. Основы анализа цепей: Учебное пособие для вузов. М.: Горячая линия-Телеком, Радио и связь, 2007.

6. Шебес М.Р. Каблукова М.В. Задачник по теории линейных электрических цепей. Учебное пособие для электротехнических, радиотехнических специальностей вузов. – 4-е изд., переработанное и дополненное - М.: Высшая школа, 1990. – 544с.: ил.